



وزارة التربية  
مكتب الوكيل المساعد للتعليم العام



# شموخ الراية

الفترة الدراسية الثانية

العام الدراسي : 2017 / 2018 م

# دولة الكويت

(الأسئلة في 11 صفحه)  
الزمن : ساعتان و 45 دقيقة  
العام الدراسي 2018/2017

وزارة التربية  
التوجيه الفني العام للرياضيات  
المجال الدراسي الرياضيات

## نموذج إجابة امتحان الفترة الدراسية الثانية - للصف الحادي عشر علمي

(أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل)



(تراويح الحلول الأخرى في جميع الأسئلة)

السؤال الأول: (14 درجة)

(a) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب  $Z = -3 - 4i$  (9 درجات)

الحل:

ليكن  $w^2 = z$  جذراً تربيعياً للعدد  $z$  ، فيكون

$$(m + ni)^2 = -3 - 4i \quad \text{بالتعميض}$$

$$\frac{1}{2} \quad m^2 - n^2 + 2mni = -3 - 4i \quad \text{خاصية ضرب كثيرات الحدود}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2} \quad m^2 - n^2 = -3 & \dots \rightarrow (1) \\ \frac{1}{2} \quad 2mn = -4 & \dots \rightarrow (2) \end{cases} \quad \text{خاصية المساواة لعددين مركبين}$$

$$\frac{1}{2} \quad |w|^2 = |z| \quad \text{نضيف المعادلة:}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad (\sqrt{m^2 + n^2})^2 = (\sqrt{(-3)^2 + (-4)^2})$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad m^2 + n^2 = 5 \quad \dots \rightarrow (3) \quad \text{بجمع المعادلتين (1) ، (3) نحصل على:}$$

$$\begin{cases} m^2 - n^2 = -3 \\ m^2 + n^2 = 5 \end{cases}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad 2m^2 = 2 \Rightarrow m^2 = 1 \Rightarrow m = \pm 1$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \therefore n^2 = 4 \Rightarrow n = \pm 2 \quad \text{بالتعميض في (1) نحصل على:}$$

$$\begin{cases} m = 1, n = -1 \\ m = -1, n = 2 \end{cases}$$

$\frac{1}{2}$  من المعادلة  $-4 = 2mn$  نستنتج أن  $m, n$  لهما إشارتان مختلفتان

$$\therefore m = 1, n = -2 \quad \text{أو} \quad m = -1, n = 2$$

الجذران التربيعيان للعدد المركب  $i$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad Z = -3 - 4i \quad \text{هما: } w_1 = 1 - 2i, w_2 = -1 + 2i$$

(1)

تابع السؤال الأول:

(b) أوجد مساحة سطح مثلث أطوال أضلاعه:  $7\text{cm}, 5\text{cm}, 8\text{cm}$  (5 درجات)

الحل:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$s = \frac{1}{2}(a + b + c) = \frac{1}{2}(8 + 5 + 7) = 10$$

$$\frac{1}{2}$$

$$Area = \sqrt{s(s - a)(s - b)(s - c)}$$

$$2$$

$$= \sqrt{10(10 - 8)(10 - 5)(10 - 7)}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= \sqrt{10(2)(5)(3)}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$= 10\sqrt{3} \text{ cm}^2$$



$$Area \approx 17.32 \text{ cm}^2$$

(2)

السؤال الثاني:(14 درجة)

(6 درجات)

$b = 9 \text{ cm}, c = 6 \text{ cm}, \alpha = 60^\circ$  حيث  $\Delta ABC$  حل (a)

الحل:

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos\alpha$$

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = 9^2 + 6^2 - 2(9)(6) \cos 60^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = 81 + 36 - 108 \times \frac{1}{2}$$

$\frac{1}{2}$

$$a^2 = 63$$

$\frac{1}{2}$

$$a = 3\sqrt{7} \text{ cm}$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos\beta = \frac{a^2 + c^2 - b^2}{2ac}$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\cos\beta = \frac{(3\sqrt{7})^2 + (6)^2 - (9)^2}{2(3\sqrt{7})(6)} = \frac{\sqrt{7}}{14}$$

$\frac{1}{2}$

$$\beta \approx 79.1^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\gamma = 180 - (\alpha + \beta)$$

$\frac{1}{2}$

$$\gamma \approx 180 - (60^\circ + 79.1^\circ)$$

$\frac{1}{2}$

$$\gamma = 40.9^\circ$$



تابع السؤال الثاني:

(b) إذا كان:  $\sin \theta = \frac{-3}{5}$ ,  $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$  ، فأوجد:

$$\sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad (1)$$

$\tan(2\theta) \quad (2)$

$\frac{1}{2} \quad \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$  الحل:

$$\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta$$

$\frac{1}{2} \quad \cos^2 \theta = 1 - \left(\frac{-3}{5}\right)^2$

$$\cos^2 \theta = 1 - \frac{9}{25} = \frac{25-9}{25} = \frac{16}{25}$$

$\frac{1}{2} \quad \cos \theta = \pm \sqrt{\frac{16}{25}} = \frac{\pm 4}{5}$

$\frac{1}{2} \quad \pi < \theta < \frac{3\pi}{2} \quad \therefore \cos \theta < 0$

$\frac{1}{2} \quad \cos \theta = -\frac{4}{5}$

$\frac{1}{2} \quad (1) \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) = \pm \sqrt{\frac{1-\cos \theta}{2}}$

$\frac{1}{2}$  تقع في الربع الثاني  $\frac{\theta}{2}$

$1 + \frac{1}{2} \quad \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) = \sqrt{\frac{1-\left(-\frac{4}{5}\right)}{2}} = \sqrt{\frac{9}{10}} = \frac{3\sqrt{10}}{10}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad (2) \tan(\theta) = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{\left(\frac{-3}{5}\right)}{\left(-\frac{4}{5}\right)} = \frac{3}{4}$

$\frac{1}{2} \quad \tan(2\theta) = \frac{2 \tan \theta}{1 - \tan^2 \theta}$

$1 + \frac{1}{2} \quad \tan(2\theta) = \frac{2 \times \frac{3}{4}}{1 - \left(\frac{3}{4}\right)^2} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{7}{16}} = \frac{24}{7}$



(4)

**السؤال الثالث: (14 درجة)**

(4 درجات)

(a) أثبت صحة المتطابقة:

$$\tan x + \cot x = \sec x \cdot \csc x$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\tan x + \cot x = \frac{\sin x}{\cos x} + \frac{\cos x}{\sin x}$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$= \frac{\sin^2 x}{\cos x \sin x} + \frac{\cos^2 x}{\cos x \sin x}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{\cos x \sin x}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{1}{\cos x \sin x}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{1}{\cos x} \cdot \frac{1}{\sin x}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \sec x \cdot \csc x$$



(5)

تابع السؤال الثالث:

(10 درجات)

(ب) في الشكل المقابل  $D$  نقطة خارج مستوى المثلث  $ABC$  ،

$$DB = 5 \text{ cm}, AB = 10 \text{ cm}, m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$$

$$\overline{DB} \perp (ABC), \overline{BE} \perp \overline{AC}, \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

أوجد:

$BE$  (1)

قياس الزاوية الزوجية بين المستويين  $BAC, DAC$  (2)

الحل:

(1) في المثلث  $ABC$   $\because \overline{BE} \perp \overline{AC}$

$$\therefore \sin(45^\circ) = \frac{BE}{AB}$$

$$BE = 10 \cdot \sin(45^\circ)$$

$$BE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$

(2) هي خط تقاطع المستويين  $\overleftrightarrow{AC}$  ( $BAC, DAC$ ) (هي حافة الزاوية الزوجية)

$$\overline{BE} \subset (BAC), \overline{BE} \perp \overleftrightarrow{AC}$$

$$\overline{DE} \subset (DAC), \overline{DE} \perp \overleftrightarrow{AC}$$

$\therefore B\widehat{E}D$  هي الزاوية المسوية للزاوية الزوجية بين المستويين  $(BAC), (DAC)$  .

لإيجاد قياس الزاوية الزوجية

$$\therefore \overline{DB} \perp (ABC)$$

$$\therefore \overline{DB} \perp \overline{BE}$$

المثلث  $DBE$  قائم في  $B$

$$\tan(B\widehat{E}D) = \frac{DB}{BE} = \frac{5}{5\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

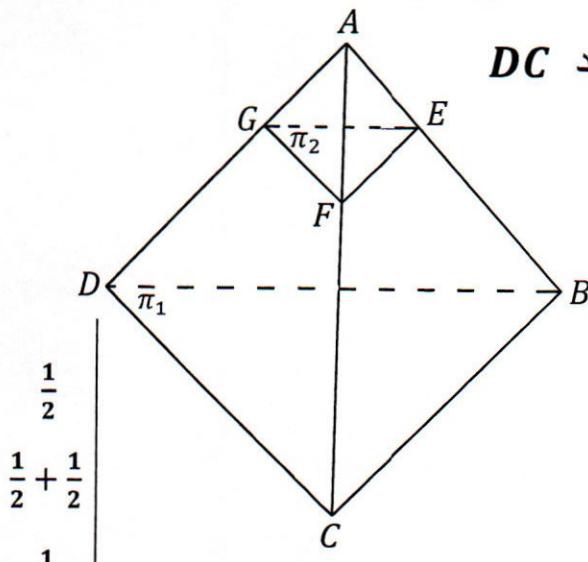
$$\therefore m(B\widehat{E}D) = \tan^{-1}\left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right) \approx 35.2644^\circ$$

$\therefore$  قياس الزاوية الزوجية بين المستويين  $(BAC), (DAC)$  حوالي "  $35^\circ 15' 52''$  .

السؤال الرابع:(14 درجة)

(a) في الشكل المقابل ،  $ABCD$  هرم ثلاثي ، المستويان  $\pi_1, \pi_2$  متوازيان 7 درجات

إذا كان  $FG = 6 \text{ cm}$  ،  $\frac{AE}{EB} = \frac{1}{3}$  فأوجد  $DC$



الحل:

$$\therefore (ABC) \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{BC}$$

$$\therefore (ABC) \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{EF} , \pi_1 // \pi_2$$

$$\therefore \overleftrightarrow{EF} // \overleftrightarrow{BC} \Rightarrow \overleftrightarrow{EF} // \overleftrightarrow{BC}$$

$\Delta BAC$

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC} = \frac{FE}{CB} = \frac{1}{4}$$

$$\therefore (ACD) \cap \pi_1 = \overleftrightarrow{DC}$$

$$\therefore (ACD) \cap \pi_2 = \overleftrightarrow{GF} , \pi_1 // \pi_2$$

$$\therefore \overleftrightarrow{GF} // \overleftrightarrow{DC} \Rightarrow \overleftrightarrow{GF} // \overleftrightarrow{DC}$$

$\therefore \Delta DAC$

$$\frac{AG}{AD} = \frac{AF}{AC} = \frac{GF}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{GF}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\frac{6}{DC} = \frac{1}{4}$$

$$\therefore CD = 4 \times 6 = 24 \text{ cm}$$

تابع السؤال الرابع:

(b) (1) استخدم نظرية ذات الحدين لإيجاد مفوك  $(x - 2y)^3$  (4 درجات)

الحل:

$$4 \times \frac{1}{2} (x - 2y)^3 = {}_3C_0 (x)^3 + {}_3C_1 (x)^2 (-2y) + {}_3C_2 (x)(-2y)^2 + {}_3C_3 (-2y)^3$$

$$1 (x - 2y)^3 = x^3 + 3 x^2 (-2y) + 3 x (-2y)^2 + (-2y)^3$$

$$1 (x^2 - 2y)^3 = x^3 - 6 x^2 y + 12 x y^2 - 8 y^3$$



(2) حل المعادلة:  $nP_4 = 5 \times nP_3$  ،  $n \geq 4$  (3 درجات)

الحل:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{n!}{(n-4)!} = 5 \times \frac{n!}{(n-3)!}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad \frac{1}{(n-4)!} = \frac{5}{(n-3)(n-4)!}$$

$$\frac{1}{2} \quad n - 3 = 5$$

$$\frac{1}{2} \quad n = 8$$

**القسم الثاني : البنود الموضوعية (14 درجة)**

**أولاً:** في البنود من (1-2) عبارات لكل بند في ورقة الإجابة ظلل **a** إذا كانت العبارة صحيحة وظلل **b** إذا كانت العبارة خاطئة

(1) الصورة المبسطة للتعبير  $(12 + 5i) - (2 - i)$  هي  $(10 - 6i)$

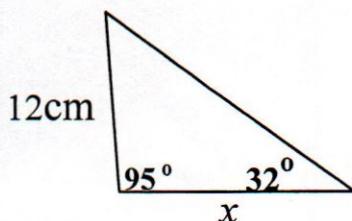
(2) إذا توازى مستقيمان ومر بهما مستويان متلقعان فإن تقاطعهما هو مستقيم يوازي كلا من هذين المستقيمين.

ثانياً: في البنود من (10-3) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة



(3) قيمة  $i^{40}$  تساوي

- (a)  $-1$       (b)  $-i$       (c)  $1$       (d)  $i$



(4) في المثلث المقابل ،  $x$  تساوي حوالي:

- (a)  $8.6 \text{ cm}$       (b)  $15 \text{ cm}$   
 (c)  $18.1 \text{ cm}$       (d)  $19.2 \text{ cm}$

(5) في الدالة المثلثية  $y = -2 \sin(3x)$  السعة هي:

- (a)  $-3$       (b)  $3$       (c)  $-2$       (d)  $2$

(6) إذا كان  $\sin x + \cos x = 0$  فإن الربع الذي تقع فيه  $x$  هو

- (a) الأول أو الثالث  
 (b) الثاني أو الرابع  
 (c) الثالث  
 (d) الأول

$$\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3} \quad (7)$$

- (a)  $\cos \frac{4\pi}{21}$       (b)  $\sin \frac{4\pi}{21}$       (c)  $\cos \frac{10\pi}{21}$       (d)  $\sin \frac{10\pi}{21}$

(8) المنشور القائم خماسي القاعدة يعين:

- a خمسة مستويات مختلفة
- b ستة مستويات مختلفة
- c سبعة مستويات مختلفة
- d ثمانية مستويات مختلفة

(9) إذا كان  $\vec{l} \subset \pi_2$  ،  $\vec{l} \perp \pi_1$  فإن:



- a  $\pi_1 = \pi_2$
- b  $\pi_1 \cap \pi_2 = \vec{l}$
- c  $\pi_1 // \pi_2$
- d  $\pi_1 \perp \pi_2$

(10) الحدثان  $m$  ,  $n$  متنافيان ،  $P(m) = \frac{1}{3}$  ,  $P(n) = \frac{3}{5}$  تساوي

- a  $\frac{14}{15}$
- b  $\frac{3}{15}$
- c  $\frac{1}{5}$
- d 0

انتهت الأسئلة

إجابة الموضوعي

1	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
2	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
3	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d
4	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d
5	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
6	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
7	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
8	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> d
9	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/>
10	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d



- البنود [ 2 - 1 ] لكل بند درجة واحدة فقط

- البنود [ 10 - 3 ] لكل بند درجة ونصف